

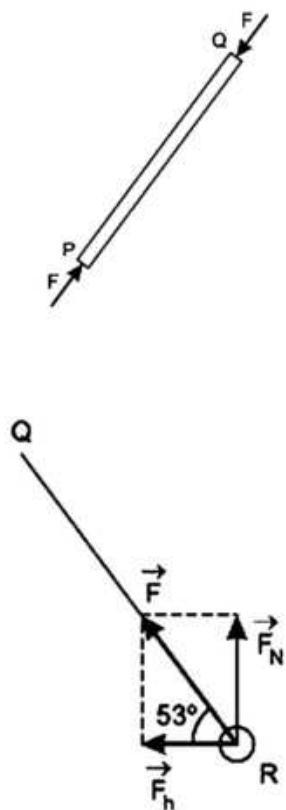
1.22	Questão 22 - Mecânica, Cinemática	49
1.23	Questão 23 - Mecânica, Hidrodinâmica	51
1.24	Questão 24 - Ondulatória, Acústica	54
1.25	Questão 25 - Mecânica, Atrito	56
1.26	Questão 26 - Termologia, Conversão de Energia	58
1.27	Questão 27 - Resistência Elétrica Variável	60
1.28	Questão 28 - Mecânica, Choques Elásticos e Eletrostática	64
1.29	Questão 29 - Mecânica, Movimento Harmônico Simples	66
1.30	Questão 30 - Teoria dos Circuitos	69

Prova de Física para o ITA em 2016

Concurso de admissão para o
Instituto Tecnológico de Aeronáutica

Sumário

1 Prova de Física do ITA para 2016	1
1.1 Questão 1 - Hidrodinâmica	1
1.2 Questão 2 - Mecânica, Estática	2
1.3 Questão 3 - Mecânica, Cinemática	6
1.4 Questão 4 - Mecânica, Ondulatória	8
1.5 Questão 5 - Mecânica, Dinâmica	12
1.6 Questão 6 - Mecânica, Força centrífuga, Atrito, Torque	14
1.7 Questão 7 - Gravitação	16
1.8 Questão 8 - Hidrodinâmica	18
1.9 Questão 9 - Termologia, Ondulatória e Mecânica	19
1.10 Questão 10 - Dinâmica, Ondulatória, Pêndulo	22
1.11 Questão 11 - Eletricidade e Magnetismo	25
1.12 Questão 12 - Hidrodinâmica, tubo de Pitot	27
1.13 Questão 13 - Teoria dos Gases	29
1.14 Questão 14 - Hidrodinâmica, Empuxo	30
1.15 Questão 15 - Mecânica, Atrito Estático, Torque	33
1.16 Questão 16 - Ondulatória, Cordas	36
1.17 Questão 17 - Óptica, Refração	37
1.18 Questão 18 - Circuitos Elétricos	40
1.19 Questão 19 - Indução Magnética	43
1.20 Questão 20 - Efeito Doppler Relativístico	45
1.21 Questão 21 - Circuitos Elétricos	47



3)

A força resultante entre a força normal \vec{F}_N e a força \vec{F}_h aplicada na haste \overline{PR} deve ser igual à força de compressão \vec{F} aplicada na haste \overline{RQ} .

$$\vec{F}_h = \vec{F} \cos 53^\circ$$

$$\vec{F}_h = \frac{10M}{1,6} 0,6 \text{ (SI)}$$

1 Prova de Física do ITA para 2016

Quando precisar use os seguintes valores para as constantes:

- Aceleração da gravidade: 10 m/s^2 .
- $1,0 \text{ cal} = 4,2 \text{ J} = 4,2 \times 10^7 \text{ erg}$.
- Calor específico da água: $1,0 \text{ cal/g.K}$.
- Massa específica da água: $1,0 \text{ g/cm}^3$.
- Massa específica do ar: $1,2 \text{ kg/m}^3$.
- Velocidade do som no ar: 340 m/s .

1.1 Questão 1 - Hidrodinâmica

Considere um corpo esférico de raio r totalmente envolvido por um fluido de viscosidade η com velocidade média v . De acordo com a lei de Stokes, para baixas velocidades, esse corpo sofrerá a ação de uma força de arrasto viscoso dada por $F = -6\pi r\eta v$. A dimensão de η é dada por

- $m.s^{-1}$
- $m.s^{-2}$
- $kg.m.s^{-2}$
- $kg.m.s^{-3}$
- $kg.m^{-1}s^{-1}$

Resolução

$$F = -6\pi r\eta v$$

$$[F] = [\eta][r][V]$$

$$MLT^{-2} = [\eta]LLT^{-1}$$

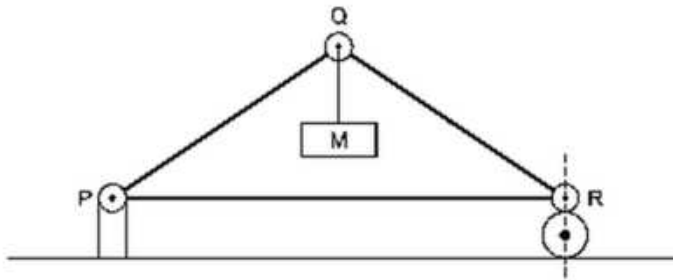
$$[\eta] = ML^{-1}T^{-1}$$

$$\mu[\eta] = kg.m^{-1}s^{-1}$$

Resposta: E

1.2 Questão 2 - Mecânica, Estática

Três barras de peso desprezível, articuladas nos pinos P , Q e R , constituem uma estrutura vertical em forma de triângulo isósceles com 6,0 m de base e 4,0 m de altura, que sustenta uma massa M suspensa em Q em equilíbrio estático. O pino P também é articulado no seu apoio fixo, e o pino R apoia-se verticalmente sobre o rolete livre.



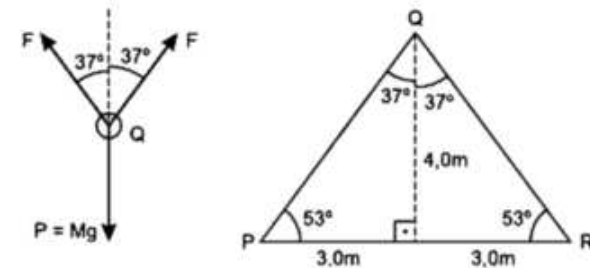
Sendo de $1,5 \times 10^4$ N e $5,0 \times 10^3$ N os respectivos valores máximos das

forças de tração e compressão suportáveis por qualquer das barras, o máximo valor possível para M é de

- a) $3,0 \times 10^2$ kg.
- b) $4,0 \times 10^2$ kg.
- c) $8,0 \times 10^2$ kg.
- d) $2,4 \times 10^3$ kg.
- e) $4,0 \times 10^3$ kg.

Resolução

1) Forças atuantes em Q :



Para o equilíbrio do ponto Q :

$$2\vec{F}\cos 37^\circ = P$$

$$2\vec{F} \cdot 0,80 = M \cdot 10 \implies \vec{F} = \frac{10M}{1,6} \text{ (SI)}$$

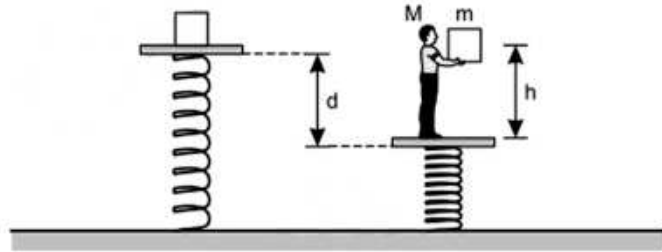
2) A barra \overline{PQ} está sendo comprimida pela força de intensidade \vec{F} :

$$\vec{F}_{\text{máx}} = \frac{10M_1}{1,6} = 5,0 \cdot 10^3$$

$$M_1 = 8,0 \cdot 10^2 \text{ kg}$$

1.4 Questão 4 - Mecânica, Ondulatória

Um bloco de massa m encontra-se inicialmente em repouso sobre uma plataforma apoiada por uma mola, como visto na figura.



Em seguida, uma pessoa de massa M sobe na plataforma e ergue o bloco até uma altura h da plataforma, sendo que esta se desloca para baixo até uma distância d . Quando o bloco é solto das mãos, o sistema (plataforma + pessoa + mola) começa a oscilar e, ao fim da primeira oscilação completa, o bloco colide com a superfície da plataforma num choque totalmente inelástico. A razão entre a amplitude da primeira oscilação e a da que se segue após o choque é igual a

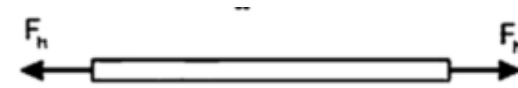
- $\sqrt{(m + M)}/\sqrt{2\pi M}$.
- $\sqrt{(M - m)h}/\sqrt{2dM}$.
- $\sqrt{(M + m)h}/\sqrt{2dM}$.
- $\sqrt{(M - m)d}/\sqrt{2hM}$.
- $\sqrt{(M + m)d}/\sqrt{hM}$.

Resolução

1) O acréscimo de deformação da mola é provocado pelo peso da pessoa:

$$\vec{F}_h = \frac{6,0M}{1,6} \text{ (SI)}$$

A haste \overline{PR} estará sendo tracionada pela força de intensidade \vec{F}_h :



$$\vec{F}_{\text{máx}} = \frac{6,0M_2}{1,6} = 1,5 \cdot 10^4 \text{ (SI)}$$

$$M_2 = 4,0 \cdot 10^3 \text{ kg}$$

Para que nenhuma das barras se rompa, devemos usar o menor valor entre M_1 e M_2 :

$$M_{\text{máx}} = 8,0 \cdot 10^2 \text{ kg}$$

Resposta: C

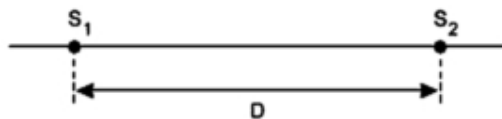
1.3 Questão 3 - Mecânica, Cinemática

No sistema de sinalização de trânsito urbano chamado de “onda verde”, há semáforos com dispositivos eletrônicos que indicam a velocidade a ser mantida pelo motorista para alcançar o próximo sinal ainda aberto. Considere que de início o painel indique uma velocidade de 45 km/h. Alguns segundos depois ela passa para 50 km/h e, finalmente, para 60 km/h. Sabendo que a indicação de 50 km/h no painel demora 8,0 s antes de mudar para 60 km/h, então a distância entre os semáforos é de

- a) $1,0 \times 10^{-1}$ km.
- b) $2,0 \times 10^{-1}$ km.
- c) $4,0 \times 10^{-1}$ km.
- d) 1,0 km.
- e) 1,2 km.

Resolução

Consideremos dois semáforos, S_1 e S_2 , separados por uma distância D .



Um primeiro carro, A, passa por S_1 e deverá manter uma velocidade escalar de 45km/h para pegar S_2 aberto, gastando um tempo T_1 .

Um segundo carro, B, passa por S_1 e deverá manter uma velocidade escalar de 50km/h para pegar S_2 aberto, gastando um tempo T_2 .

Portanto:

$$T_1 - T_2 = 8,0s.$$

$$\Delta s = Vt \text{ (Movimento Uniforme)}$$

$$D = \frac{45}{3,6} \cdot T_1 = \frac{50}{3,6} \cdot T_2$$

$$T_1 = \frac{3,6D}{45} \text{ e } T_2 = \frac{3,6D}{50}$$

$$\frac{3,6D}{45} - \frac{3,6D}{50} = 8,0 \text{ (SI)}$$

$$2D = \frac{7200}{3,6}$$

$$D = 1000m$$

$D = 1,0km$

Resposta: D

1.5 Questão 5 - Mecânica, Dinâmica

A partir do repouso, um foguete de brinquedo é lançado verticalmente do chão, mantendo uma aceleração constante de $5,00 \text{ m/s}^2$ durante os $10,0$ primeiros segundos. Desprezando a resistência do ar, a altura máxima atingida pelo foguete e o tempo total de sua permanência no ar são, respectivamente, de

- a) 375m e $23,7\text{s}$.
- b) 375m e $30,0\text{s}$.
- c) 375m e $34,1\text{s}$.
- d) 500m e $23,7\text{s}$.
- e) 500m e $34,1\text{s}$.

Resolução

1) Cálculo da altura após $10,0\text{s}$:

$$H = H_0 + V_0 t + \frac{\gamma}{2} t^2$$

$$H = 0 + 0 + \frac{5,00}{2} \cdot 100 \text{ (m)}$$

$$\Rightarrow H_1 = 250\text{m}$$

2) Cálculo da velocidade escalar após $10,0\text{s}$:

$$V = V_0 + \gamma t$$

$$H = 0 + 5,0 \cdot 10,0 \text{ (m/s)}$$

$$\Rightarrow V_1 = 50,0\text{m/s}$$

$$Mg = kd$$

$$\Rightarrow k = \frac{Mg}{d}$$

2) Na posição de equilíbrio:

$$F_e = (M + m)g$$

Quando m é abandonada, a aceleração adquirida pela pessoa é dada por:

$$F_e - Mg = Ma$$

$$(M + m)g - Mg = Ma$$

$$a = \frac{mg}{M}$$

Esta aceleração é a aceleração máxima do MHS (Movimento Harmônico Simples) e é dada por:

$$a = a_{\text{máx}} = \frac{mg}{M} = \omega^2 A_1 \quad (1)$$

$$\text{Por outro lado: } k = M\omega^2 \Rightarrow \frac{Mg}{d} = M\omega^2$$

$$\omega^2 = \frac{g}{d} \quad (2)$$

Substituindo-se (2) em (1), vem:

$$\frac{mg}{M} = \frac{g}{d} \cdot A_1$$

$$\Rightarrow A_1 = \frac{md}{M}$$

3) A velocidade do bloco m no instante da colisão é dada por:

$$V_1^2 = 0 + 2gh \Rightarrow V_1 = \sqrt{2gh}$$

4) No instante da colisão, a plataforma completou sua oscilação e voltou ao repouso. Usando a conservação da quantidade de movimento:

$$Q_f = Q_i$$

$$(M + m)V_2 = mV_1$$

$$(M + m)V_2 = m\sqrt{2gh}$$

$$V_2 = \frac{m}{M + m}\sqrt{2gh}$$

5) A nova posição de equilíbrio corresponde à posição da plataforma no instante em que o bloco m foi abandonado e portanto V_2 será a velocidade máxima do novo MHS.

6) A nova pulsação será dada por:

$$k = (M + m)\omega_1^2$$

$$\omega_1^2 = \frac{k}{M + m} \Rightarrow \omega_1 = \sqrt{\frac{k}{M + m}}$$

7) A nova amplitude de oscilação A_2 é dada por:

$$V_2 = \omega_1 A_2$$

$$\frac{m}{M + m}\sqrt{2gh} = \sqrt{\frac{k}{M + m}} A_2$$

$$A_2 = \frac{m\sqrt{2gh}}{M + m} \sqrt{\frac{M + m}{k}}$$

$$A_2 = \frac{m}{M + m} \sqrt{\frac{2gh(M + m)}{k}}$$

$$A_2 = \frac{m}{M + m} \sqrt{\frac{2gh(M + m)}{\frac{Mg}{d}}}$$

$$A_2 = \frac{m}{M + m} \sqrt{\frac{2dh(M + m)}{M}}$$

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{md}{M} \cdot \frac{M + m}{m} \sqrt{\frac{M}{2dh(M + m)}}$$

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{(M + m)d}{M} \sqrt{\frac{M}{2dh(M + m)}}$$

$$\frac{A_1}{A_2} = \sqrt{\frac{(M + m)d}{M} \frac{d}{2h}}$$

Resposta: SEM RESPOSTA

1.7 Questão 7 - Gravitação

Considere duas estrelas de um sistema binário em que cada qual descreve uma órbita circular em torno do centro de massa comum. Sobre tal sistema são feitas as seguintes afirmações:

- I. O período de revolução é o mesmo para as duas estrelas.
- II. Esse período é função apenas da constante gravitacional, da massa total do sistema e da distância entre ambas as estrelas.
- III. Sendo R_1 e R_2 os vetores posição que unem o centro de massa do sistema aos respectivos centros de massa das estrelas, tanto R_1 como R_2 varrem áreas de mesma magnitude num mesmo intervalo de tempo.

Assinale a alternativa correta.

- a) Apenas a afirmação I é verdadeira.
- b) Apenas a afirmação II é verdadeira.
- c) Apenas a afirmação III é verdadeira.
- d) Apenas as afirmações I e II são verdadeiras.
- e) Apenas as afirmações I e III são verdadeiras.

Resolução

I) (V) As estrelas estão sempre alinhadas com o centro de massa e portanto terão a mesma velocidade angular e o mesmo período de translação.

II) (V)

$$d = R_1 + R_2$$

1) Posição do centro de massa:

$$R_1 = \frac{M \cdot 0 + m \cdot (R_1 + R_2)}{M + m}$$

3) Cálculo da altura máxima atingida:

$$V_2 = V_1^2 + 2\gamma\Delta H$$

$$0 = 2500 + 2(-10,0)(H_{\text{máx}} - 250)$$

$$20,0(H_{\text{máx}} - 250) = 2500$$

$$H_{\text{máx}} = 125 + 250 \text{ (m)}$$

$$H_{\text{máx}} = 375 \text{ m}$$

4) Cálculo do tempo sob ação da gravidade:

$$h = H_1 + V_1 t + \frac{\gamma}{2} t^2$$

$$0 = 250 + 50,0T_1 - 5,0T_1^2$$

$$5,0T_1^2 - 50,0T_1 - 250 = 0$$

$$T_1^2 - 10,0T_1 - 50,0 = 0$$

$$T_1 = \frac{10,0 \pm \sqrt{100 + 200}}{2} \text{ (s)}$$

$$T_1 \cong 13,7 \text{ s}$$

5) O tempo total:

$$T = T_1 + 10,0 \text{ s}$$

$$\Rightarrow T = 23,7 \text{ s}$$

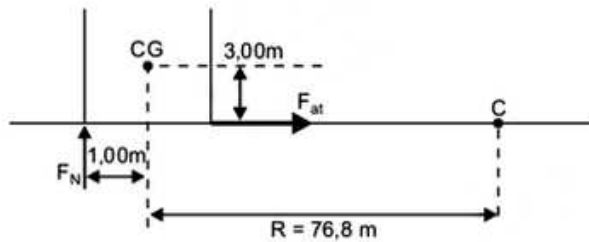
Resposta: A

1.6 Questão 6 - Mecânica, Força centrífuga, Atrito, Torque

Um caminhão baú de 2,00m de largura e centro de gravidade a 3,00m de chão percorre um trecho de estrada em curva com 76,8m de raio. Para manter a estabilidade do veículo neste trecho, sem derrapar, sua velocidade não deve exceder a

- a) 5,06m/s.
- b) 11,3m/s.
- c) 16,0m/s.
- d) 19,6m/s.
- e) 22,3m/s.

Resolução



1) Na iminência de tombamento, o somatório dos torques em relação ao CG é nulo:

$$F_{at} \cdot 3,00 = F_N \cdot 1,00$$

$$F_{at} \cdot 3,00 = m \cdot 10$$

$$F_{at} = \frac{10m}{3,00}$$

2) A força de atrito faz o papel de resultante centrípeta:

$$F_{at} = \frac{mV^2}{R}$$

$$\frac{10m}{3,00} = \frac{mV^2}{76,8}$$

$$V^2 = 256 \text{ (SI)}$$

$$\Rightarrow V = 16,0 \text{ m/s}$$

Resposta: C

d) $8 \times 10^{-40} C^{-1}$

e) $10 \times 10^{-40} C^{-1}$

Resolução

Vamos considerar na resolução que o trecho do enunciado que diz “considerando que neste dia houve uma variação térmica total de $20^\circ C$ ” refira-se à máxima diferença de temperaturas verificada nesse dia, o que ocorreu entre 6h e 18h, segue-se que:

(I)

$$10T_2 - 10T_1 = 80,5 - 80,0$$

$$T_2 - T_1 = 5,0 \cdot 10^{-2} \text{ s} \quad (1)$$

(II)

$$T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{L_2}{g}}$$

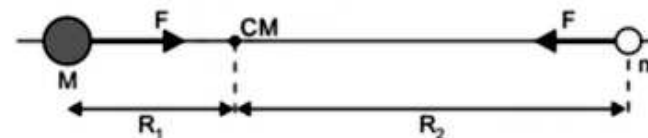
$$\Rightarrow T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{L_1(1 + \alpha \Delta\theta)}{g}}$$

$$T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{L_1}{g}}$$

$$\text{Logo: } \frac{T_2}{T_1} = \frac{2\pi \sqrt{\frac{L_1(1 + \alpha \Delta\theta)}{g}}}{2\pi \sqrt{\frac{L_1}{g}}}$$

Com $\Delta\theta = 20^\circ C$, vem:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{1 + \alpha 20} \Rightarrow$$



$$R_1 = \frac{md}{M+m}$$

2) $F = F_{cp}$

$$\frac{GMm}{d^2} = M \cdot \omega^2 \cdot \frac{md}{M+m}$$

$$\frac{G(M+m)}{d^2} = \omega^2 d$$

$$\omega^2 = \frac{G(M+m)}{d^3} = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2$$

$$\frac{4\pi^2}{T^2} = \frac{G(M+m)}{d^3}$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2 d^3}{G(M+m)}$$

$$\Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{G(M+m)}}$$

T só depende de G , de $(M+m)$ e de d .

III) (F)

Para o mesmo intervalo de tempo, o vetor posição de módulo maior varre área maior.

Resposta: \mathbb{D}

1.8 Questão 8 - Hidrodinâmica

Um cubo de peso P_1 , construído com um material cuja densidade é ρ_1 , dispõe de uma região vazia em seu interior e, quando inteiramente imerso em um líquido de densidade ρ_2 , seu peso reduz-se a P_2 . Assinale a expressão com o volume da região vazia deste cubo.

- a) $\frac{P_1 - P_2}{g\rho_2} - \frac{P_1}{g\rho_1}$
 b) $\frac{P_1 - P_2}{g\rho_1} - \frac{P_1}{g\rho_2}$
 c) $\frac{P_1 - P_2}{g\rho_2} - \frac{P_2}{g\rho_2}$
 d) $\frac{P_2 - P_1}{g\rho_1} - \frac{P_2}{g\rho_1}$
 e) $\frac{P_2 - P_1}{g\rho_1} - \frac{P_2}{g\rho_2}$

Resolução

1) Cálculo de volume total V:

$$P_2 = P_1 - E$$

$$P_2 = P_1 - \rho_2 V g$$

$$\rho_2 V g = P_1 - P_2$$

$$V = \frac{P_1 - P_2}{\rho_2 g}$$

2) Volume do material:

$$P_1 = \rho_1 V_1 g$$

$$V_1 = \frac{P_1}{\rho_1 g}$$

3) Cálculo do volume da parte vazia:

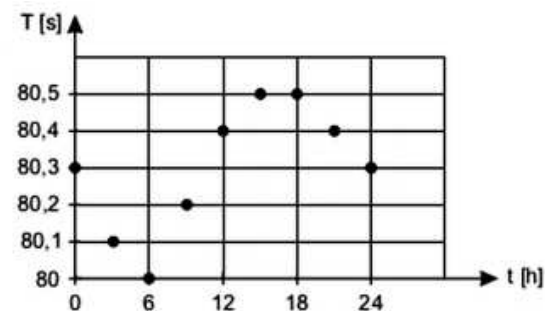
$$V_0 = V - V_1$$

$$V_0 = \frac{P_1 - P_2}{\rho_2 g} - \frac{P_1}{\rho_1 g}$$

Resposta: **A**

1.9 Questão 9 - Termologia, Ondulatória e Mecânica

Um pêndulo simples é composto por uma massa presa a um fio metálico de peso desprezível. A figura registra medidas do tempo T em segundos, para 10 oscilações completas e seguidas do pêndulo ocorridas ao longo das horas do dia, t .



Considerando que neste dia houve uma variação térmica total de 20°C , assinale o valor do coeficiente de dilatação térmica do fio deste pêndulo.

- a) $2 \times 10^{-4} \text{C}^{-1}$
 b) $4 \times 10^{-4} \text{C}^{-1}$
 c) $6 \times 10^{-4} \text{C}^{-1}$

Resposta: D

$$T_2 = \sqrt{1 + \alpha 20} \cdot T_1 \quad (2)$$

(III) (2) em (1) e lembrando-se de que

$$T_1 = \frac{80}{10} s = 8,0 s, \text{ vem:}$$

$$\sqrt{1 + \alpha 20} \cdot T_1 - T_1 = 5,0 \cdot 10^{-2}$$

$$T_1(\sqrt{1 + \alpha 20} - 1) = 5,0 \cdot 10^{-2}$$

$$8,0(\sqrt{1 + \alpha 20} - 1) = 5,0 \cdot 10^{-2}$$

$$\sqrt{1 + \alpha 20} = 1,00625$$

Da qual:

$$\alpha \cong 6 \cdot 10^{-4} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$$

Resposta: C

1.10 Questão 10 - Dinâmica, Ondulatória, Pêndulo

Um pêndulo simples oscila com uma amplitude máxima de 60° em relação à vertical, momento em que a tensão no cabo é de 10 N. Assinale a opção com o valor da tensão no ponto em que ele atinge sua velocidade máxima.

- a) 10 N
- b) 20 N
- c) 30 N
- d) 40 N
- e) 50 N

Resolução

I)

$$\cos 60^\circ = \frac{L-h}{L}$$

$$\frac{L}{2} = L - h$$

Da qual:

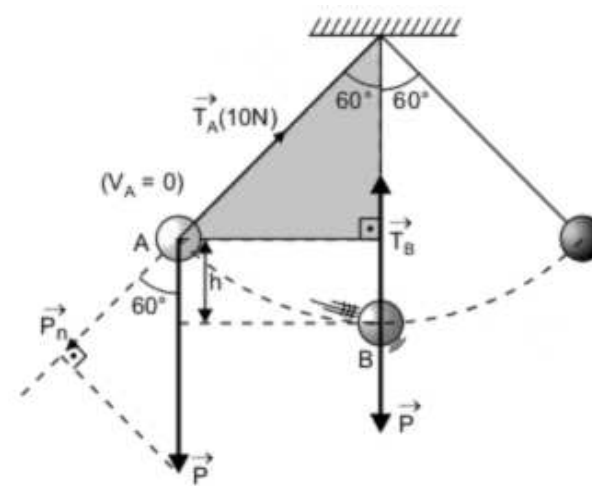
$$h = \frac{L}{2}$$

II) A resultante centrípeta no ponto A é nula, já que a velocidade nesse ponto é nula. Logo:

$$P_n = T_A \implies P \cos 60^\circ = T_A \implies P \cdot \frac{1}{2} = 10$$

$$P = 20 \text{ N}$$

III) Conservação de energia mecânica:



$$E_{m_B} = E_{m_A} \text{ (referencial em B)}$$

$$\frac{mV_B^2}{2} = mgh \implies mV_B^2 = 2P\frac{L}{2}$$

$$mV_B^2 = 2 \cdot 20 \frac{L}{2}$$

$$\implies mV_B^2 = 20L$$

IV) O ponto B é o local da trajetória em que a velocidade tem intensidade máxima. Em B:

$$T_B - P = F_{cpB}$$

$$T_B - P = \frac{mV_B^2}{L} \implies T - 20 = \frac{20L}{L}$$

$$T - 20 = 20$$

$$\implies T = 40 \text{ N}$$

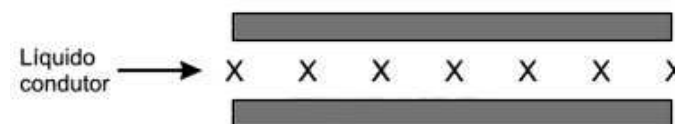
$$V_{ar}^2 = 2,0 \cdot 10^4 \text{ (SI)}$$

$$V_{ar} = 1,4 \cdot 10^2 \text{ m/s}$$

Resposta: C

1.11 Questão 11 - Eletricidade e Magnetismo

Um líquido condutor (metal fundido) flui no interior de duas chapas metálicas paralelas, interdistantes de 2,0 cm, formando um capacitor plano, conforme a figura. Toda essa região interna está submetida a um campo homogêneo de indução magnética de 0,01 T, paralelo aos planos das chapas, atuando perpendicularmente à direção da velocidade do escoamento.



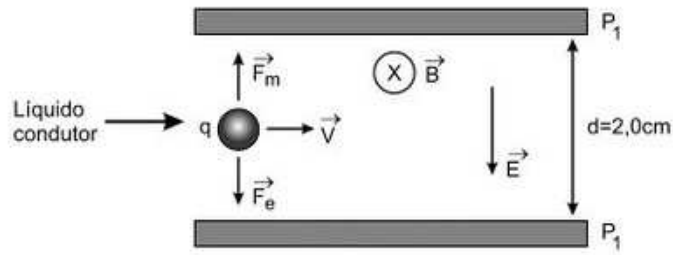
Assinale a opção com o módulo dessa velocidade quando a diferença de potencial medida entre as placas for de 0,40 mV.

- a) 2 cm/s
- b) 3 cm/s
- c) 1 m/s
- d) 2 m/s
- e) 5 m/s

Resolução

Vamos supor que o líquido condutor contenha partículas eletrizadas que estejam deslocando-se com a mesma velocidade de escoamento do fluido.

O movimento das partículas é retilíneo e uniforme. Assim, a força magnética e a força elétrica se equilibram.



1. Cálculo do módulo do campo elétrico entre as placas P_1 e P_2 :

$$E \cdot d = U$$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{4,0 \cdot 10^{-4} V}{2,0 \cdot 10^{-2} m} \Rightarrow E = 2,0 \cdot 10^{-2} V/m$$

2. Cálculo do módulo da velocidade:

$$|\vec{F}_m| = |\vec{F}_e|$$

$$|q| \cdot V \cdot B = |q| \cdot E$$

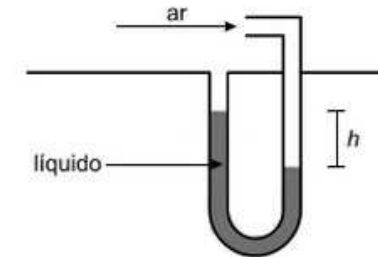
$$V = \frac{E}{B} \Rightarrow V = \frac{2,0 \cdot 10^{-2}}{1,0 \cdot 10^{-2}} \text{ (m/s)}$$

$$V = 2,0 \text{ m/s}$$

Resposta: D

1.12 Questão 12 - Hidrodinâmica, tubo de Pitot

Um estudante usa um tubo de Pitot esquematizado na figura para medir a velocidade do ar em um túnel de vento. A densidade do ar é igual a $1,2 \text{ kg/m}^3$ e a densidade do líquido é $1,2 \times 10^4 \text{ kg/m}^3$, sendo $h = 10 \text{ cm}$.



Nessas condições a velocidade do ar é aproximadamente igual a

- a) 1,4 m/s
- b) 14 m/s
- c) $1,4 \times 10^2$ m/s
- d) $1,4 \times 10^3$ m/s
- e) $1,4 \times 10^4$ m/s

Resolução

A pressão hidrostática do líquido é equilibrada pela pressão dinâmica do ar:

$$\mu_L g h = \frac{\mu_{ar} V_{ar}^2}{2}$$

$$1,2 \cdot 10^4 \cdot 10 \cdot 10 = \frac{1,2}{2} V_{ar}^2$$

$$2\rho V_i g = P \quad (2)$$

Comparando-se (1) e (2), vem:

$$\rho V g = 2\rho V_i g$$

$$V_i = \frac{V}{2}$$

Resposta: A

1.13 Questão 13 - Teoria dos Gases

Balão com gás Hélio inicialmente a 27°C de temperatura e pressão de 1,0 atm, a mesma do ar externo, sobe até o topo de uma montanha, quando o gás se resfria a -23°C e sua pressão reduz-se a 0,33 de atm, também a mesma do ar externo. Considerando invariável a aceleração da gravidade na subida, a razão entre as forças de empuxo que atuam no balão nestas duas posições é

- a) 0,33.
- b) 0,40.
- c) 1,0.
- d) 2,5.
- e) 3,0.

Resolução

Da Equação de Clapeyron, obtemos a densidade μ do ar no alto da montanha.

$$pV = nRT$$

$$pV = \frac{m}{M}RT \quad (M = \text{massa molar média do ar})$$

$$pV = \frac{\mu V}{M}RT$$

$$\mu = \frac{Mp}{RT}$$

De forma análoga, a densidade inicial μ_0 do ar é dada por:

$$\mu_0 = \frac{Mp_0}{RT_0}$$

A intensidade E da força de empuxo sobre o balão é dada por:

$$E = \mu V g$$

$$E = \frac{Mp}{RT}Vg \quad (1)$$

$$E = \mu_0 V_0 g$$

$$E_0 = \frac{Mp_0}{RT_0}V_0 g \quad (2)$$

Dividindo a equação (1) pela equação (2), temos:

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\frac{MpV}{RT}g}{\frac{Mp_0V_0}{RT_0}g}$$

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\frac{pV}{T}}{\frac{p_0V_0}{T_0}}$$

Da equação geral dos gases perfeitos, temos:

$$\frac{pV}{T} = \frac{p_0V_0}{T_0}$$

Portanto:

$$\frac{E}{E_0} = 1$$

Resposta: C

1.14 Questão 14 - Hidrodinâmica, Empuxo

Um corpo flutua estavelmente em um tanque contendo dois líquidos imiscíveis, um com o dobro da densidade do outro, de tal forma que as interfaces líquido/líquido e líquido/ar dividem o volume do corpo exatamente em três partes iguais. Sendo completamente removido o líquido mais leve, qual proporção do volume do corpo permanece imerso no líquido restante?

a) 1/2

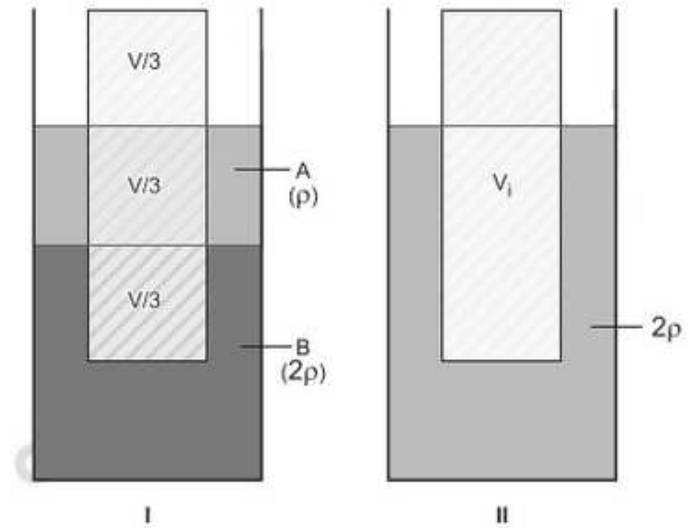
b) 1/4

c) 3/4

d) 2/5

e) 3/5

Resolução



Na situação I:

$$E = P$$

$$2\rho\frac{V}{3}g + \rho\frac{V}{3}g = P$$

$$\rho Vg = P \quad (1)$$

Na situação II:

$$E = P$$

1.16 Questão 16 - Ondulatória, Cordas

Uma corda de cobre, com seção de raio r_C , está submetida a uma tensão T . Uma corda de ferro, com seção de raio r_F , de mesmo comprimento e emitindo ondas de mesma frequência que a do cobre, está submetida a uma tensão $T/3$. Sendo de 1,15 a razão entre as densidades do cobre e do ferro, e sabendo que ambas oscilam no modo fundamental, a razão r_C/r_F é igual a

Resolução

- a) 1,2.
- b) 0,6.
- c) 0,8.
- d) 1,6.
- e) 3,2.

(I) A frequência fundamental f de uma corda cilíndrica de comprimento L e raio r , submetida a uma força de tração T , é calculada pela Equação de Lagrange-Helmholtz.

$$f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{\rho}} \quad (1)$$

Em que ρ é a densidade linear da corda $\left(\rho = \frac{m}{L}\right)$.

(II) Sendo μ a densidade volumétrica da corda, supostamente referida no enunciado, tem-se:

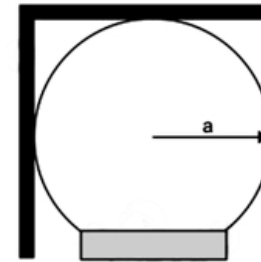
$$\mu = \frac{m}{Vol} = \frac{m}{\pi r^2 L} \implies \mu = \frac{\rho}{\pi r^2}$$

Da qual: $\rho = \pi \mu r^2$ (2)

(III) (2) em (1):

1.15 Questão 15 - Mecânica, Atrito Estático, Torque

A figura mostra uma placa fina de peso P dobrada em ângulo reto e disposta sobre uma esfera fixa de raio a .



O coeficiente de atrito mínimo entre estes objetos para que a placa não escorregue é

- a) 1.
- b) 1/2.
- c) $\sqrt{2} - 1$.
- d) $\sqrt{3} - 1$.
- e) $(\sqrt{5} - 1)/2$.

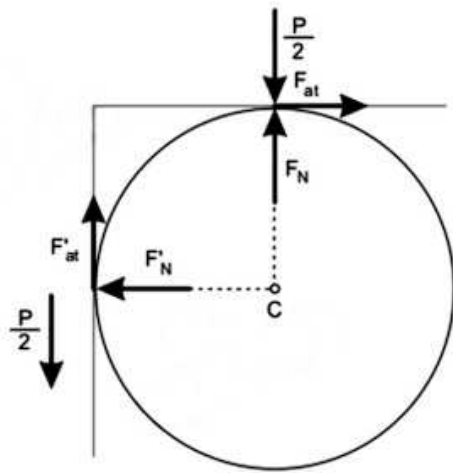
Resolução

Iminência de escorregar:

$$F_{at} = \mu F_N$$

$$F'_{at} = \mu F'_N$$

1) Condição de força resultante nula:



$$F_{at} = F'_N$$

$$\mu F_N = F'_N$$

$$F'_{at} + F_N = P$$

$$\mu F_{at} + \frac{F_{at}}{\mu} = P$$

$$F_{at} + \left(\mu + \frac{1}{\mu}\right) F_{at} = P \quad (1)$$

2) Condição de torque nulo em relação ao ponto C:

$$\frac{P}{2} \cdot R = F'_{at} \cdot R + F_{at} \cdot R$$

$$F'_{at} + F_{at} = \frac{P}{2}$$

$$\mu F_{at} + F_{at} = \frac{P}{2}$$

$$F_{at}(\mu + 1) = \frac{P}{2} \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} : \frac{\mu + \frac{1}{\mu}}{\mu + 1} = 2$$

$$\Rightarrow \mu + \frac{1}{\mu} = 2\mu + 2$$

$$\mu^2 + 1 = 2\mu^2 + 2\mu \Rightarrow \mu^2 + 2\mu - 1 = 0$$

$$\mu = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 4}}{2} \Rightarrow \mu = \frac{-2 + 2\sqrt{2}}{2}$$

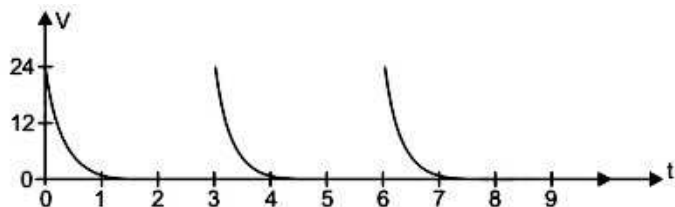
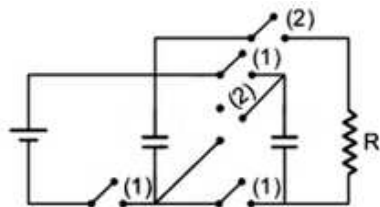
$$\mu = \sqrt{2} - 1$$

Obs.: Admitindo-se que a barra foi dobrada ao meio.

Resposta: C

1.18 Questão 18 - Circuitos Elétricos

No circuito da figura há três capacitores iguais, com $C = 1000\mu F$, inicialmente descarregados. Com as chaves (2) abertas e as chaves (1) fechadas, os capacitores são carregados. Na sequência, com as chaves (1) abertas e as chaves (2) fechadas, os capacitores são novamente descarregados e o processo se repete.



Com a tensão no resistor R variando segundo o gráfico da figura, a carga transferida pelos capacitores em cada descarga é igual a

- a) $4,8 \times 10^{-2}C$
- b) $2,4 \times 10^{-2}C$
- c) $1,2 \times 10^{-2}C$
- d) $0,6 \times 10^{-2}C$
- e) $0,3 \times 10^{-2}C$

$$f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{\pi \mu r^2}}$$

(IV) No caso, $f_C = f_F$, logo:

$$\frac{1}{2L_C} \sqrt{\frac{T_C}{\pi \mu_C r_C^2}} = \frac{1}{2L_F} \sqrt{\frac{T_F}{\pi \mu_F r_F^2}}$$

Sendo $L_C = L_F$, $T_C = T$, $T_F = \frac{T}{3}$ e

$\frac{\mu_C}{\mu_F} = 1,15$ ou $\mu_C = 1,15\mu_F$, vem:

$$\frac{T}{1,15\mu_F r_C^2} = \frac{T}{3\mu_F r_F^2} \Rightarrow \left(\frac{r_C}{r_F}\right)^2 = \frac{3}{1,15}$$

Da qual:

$$\frac{r_C}{r_F} \cong 1,6$$

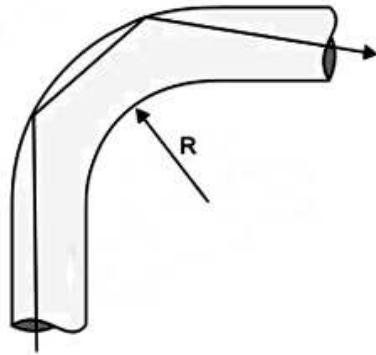
Resposta: D

1.17 Questão 17 - Óptica, Refração

Um tubo de fibra óptica é basicamente um cilindro longo e transparente, de diâmetro d e índice de refração n . Se o tubo é curvado, parte dos raios de luz pode escapar e não se refletir na superfície interna do tubo.

Para que haja reflexão total de um feixe de luz inicialmente paralelo ao eixo do tubo, o menor raio de curvatura interno R (ver figura) deve ser igual a

- a) nd
- b) d/n
- c) $d/(n-1)$



d) $nd/(n-1)$

e) $\sqrt{nd}/(\sqrt{n}-1)$

Resolução

O esquema refere-se à situação de maior possibilidade de emergência do raio de luz da fibra óptica para o ar.

O seno do ângulo limite L para o dióptro fibra-ar é dado por:

$$\text{sen}L = \frac{n_{\text{ar}}}{n} = \frac{1}{n}$$

A menor incidência interna na face FB da fibra ocorre para o raio de luz que se propaga sobre a reta AB . Do triângulo ABC , temos:

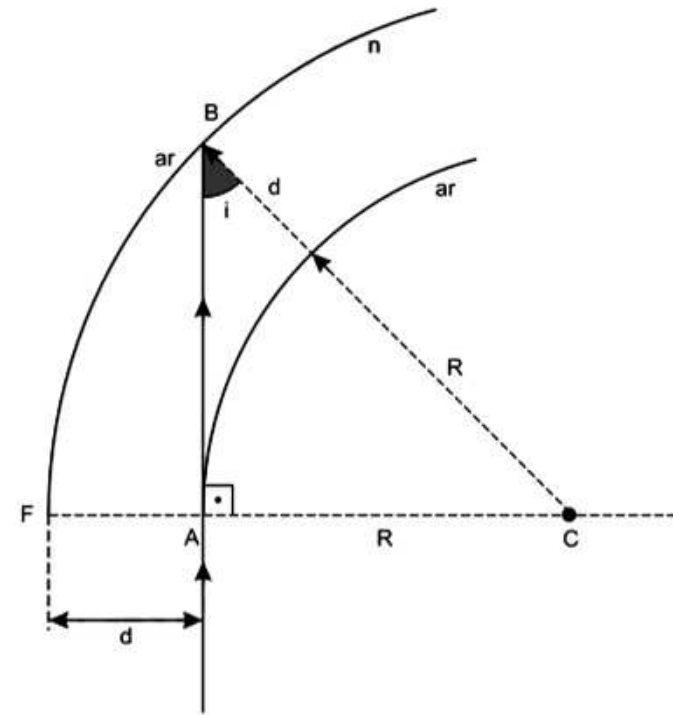
$$\text{sen}i = \frac{R}{R+d}$$

Para que ocorra reflexão total em B , a condição é $i > L$.

Portanto: $\text{sen}i > \text{sen}L$

$$\frac{R}{R+d} > \frac{1}{n}$$

$$\boxed{R > \frac{d}{(n-1)}}$$



Resposta: C

A corrente elétrica irá surgir nessa bobina devido à variação da área ΔA que é atravessada pelo campo magnético, assim:

1. Cálculo da variação da área ΔA .

$$\Delta A = \pi(r + \Delta r)^2 - \pi r^2$$

$$\Delta A = \pi(r^2 + 2r\Delta r + \Delta r^2) - \pi r^2$$

$$\Delta A = \pi r^2 + \pi 2r\Delta r + \pi \Delta r^2 - \pi r^2$$

$$\Delta A = \pi 2r\Delta r, \text{ pois } \Delta r^2 \text{ pode ser desprezado.}$$

2. Na situação de máxima variação de fluxo ($\Delta\Phi$), temos:

$$\Delta\Phi = NB\Delta A$$

$$\Delta\Phi = NB(\pi 2r\Delta r)$$

3. O módulo da força eletromotriz induzida E será dado por:

$$|E| = \frac{|\Delta\Phi|}{\Delta t}$$

$$E = \frac{2\pi NB r \Delta r}{\Delta t}$$

4. Finalmente:

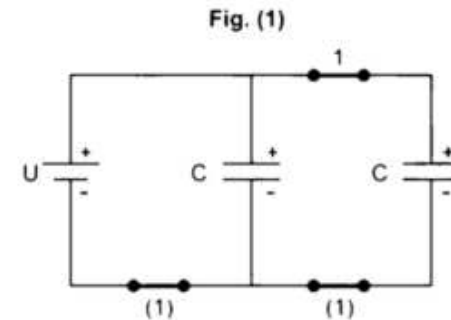
$$i = \frac{E}{R}$$

$$i = \frac{2\pi NB r \Delta r}{R \Delta t}$$

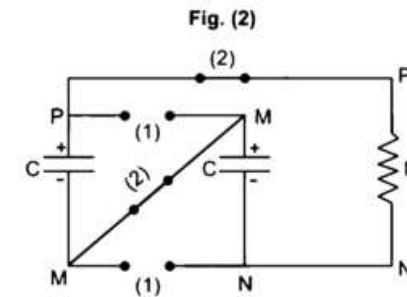
Resposta: A

Resolução

1. Com as duas chaves (1) fechadas e as chaves (2) abertas, os capacitores se carregam como mostra o circuito a seguir (fig 1).

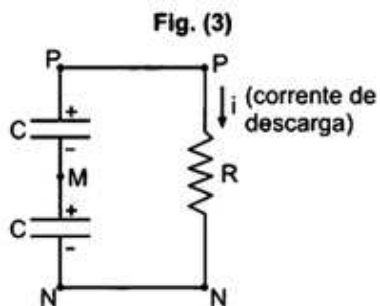


2. Fechando-se as duas chaves (2) e abrindo-se as três chaves (1), os capacitores mantêm a sua carga elétrica o novo circuito está mostrado na figura a seguir:



Os dois capacitores idênticos, de capacitância C , em série, têm uma capacitância equivalente igual a $C/2$. Sendo Q a carga de cada um deles, a associação tem uma carga total igual a Q . Portanto:

$$Q = \frac{C}{2} \cdot U$$



Do gráfico dado tiramos:

$$U = 24V$$

$$Q = \frac{1,0 \cdot 10^{-3} \cdot 24}{2}$$

$$Q = 1,2 \cdot 10^{-2} C$$

Observações:

1. O enunciado mencionou três capacitores, quando na realidade são apenas dois.
2. Devemos entender também que a contagem de tempo tem sua origem ($t = 0$) a partir do instante em que as chaves (2) foram fechadas e (1) abertas.

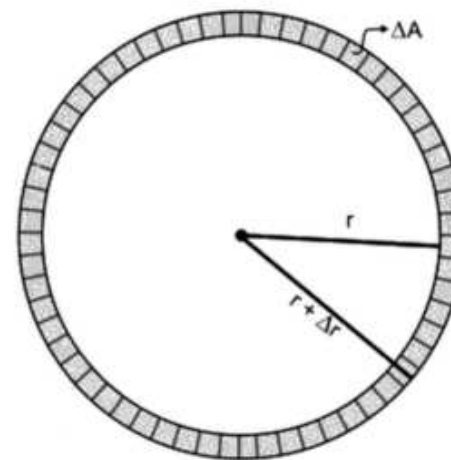
Resposta: C

1.19 Questão 19 - Indução Magnética

Uma bobina metálica circular de raio r , com N espiras e resistência elétrica R , é atravessada por um campo de indução magnética de intensidade B . Se o raio da bobina é aumentado de uma fração $\Delta r \ll r$, num intervalo de tempo Δt , e desconsiderando as perdas, a máxima corrente induzida será de

- a) $2\pi N B r \Delta r / (R \Delta t)$.
- b) $2\pi N B r \Delta r^2 / (R \Delta t)$.
- c) $2\pi N B r^2 \Delta r / (R \Delta t)$.
- d) $2\pi N B r \Delta r / (R^2 \Delta t)$.
- e) $2\pi N B r \Delta r / (R \Delta t^2)$.

Resolução



$$3,0 = 10i_2$$

$$i_2 = 0,3A$$

Mas $i_2 = i_3$, pois R_2 e R_3 têm valores iguais.

A intensidade total da corrente elétrica (i) pode ser determinada por:

$$i = i_2 + i_3 + i_v$$

$$0,8 = 0,3 + 0,3 + i_v \implies i_v = 0,2A$$

Portanto:

$$U_v = R_v \cdot i_v$$

$$3,0 = R_v \cdot 0,2$$

$R_v = 15\Omega$

Resposta: 15Ω

1.20 Questão 20 - Efeito Doppler Relativístico

Enquanto em repouso relativo a uma estrela, um astronauta vê a luz dela como predominantemente vermelha, de comprimento de onda próximo a 600nm . Acelerando sua nave na direção da estrela, a luz será vista como predominantemente violeta, de comprimento de onda próximo a 400nm , ocasião em que a razão da velocidade da nave em relação à da luz será de

a) $1/3$.

b) $2/3$.

c) $4/9$.

d) $5/9$.

e) $5/13$.

Resolução

Para o Efeito Doppler relativístico, temos:

$$\frac{1}{\lambda_{obs}} = \sqrt{\frac{1 \pm \beta}{1 \mp \beta}} \cdot \frac{1}{\lambda_{fonte}}$$

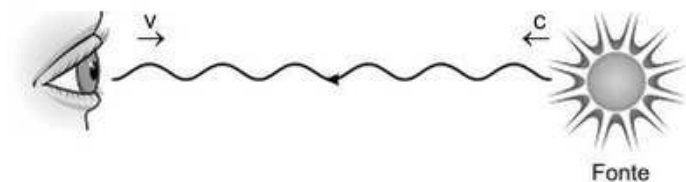
na qual β é a razão entre o módulo da velocidade do observador (V) e o módulo de velocidade da luz (c):

$$\beta = \frac{V}{c}$$

No caso em que o observador e a fonte se aproximam, temos:

$$\frac{1}{\lambda_{obs}} = \sqrt{\frac{1 + \beta}{1 - \beta}} \cdot \frac{1}{\lambda_{fonte}}$$

$$\frac{1}{400} = \sqrt{\frac{1 + \beta}{1 - \beta}} \cdot \frac{1}{600}$$



$$\frac{3}{2} = \sqrt{\frac{1+\beta}{1-\beta}}$$

$$\frac{9}{4} = \frac{1+\beta}{1-\beta}$$

$$9 - 9\beta = 4 + 4\beta$$

$$13\beta = 5$$

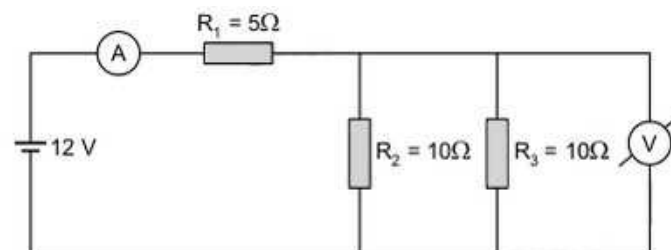
$$\beta = \frac{5}{13}$$

Resposta: E

As questões dissertativas, numeradas de 21 a 30, devem ser desenvolvidas, justificadas e respondidas no caderno de soluções

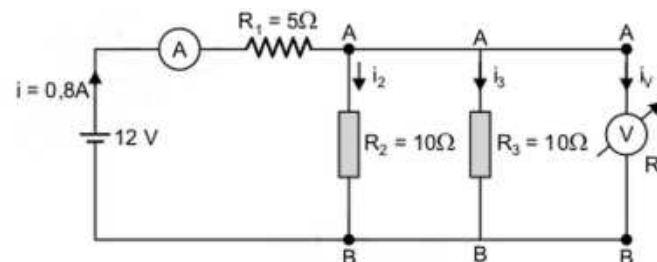
1.21 Questão 21 - Circuitos Elétricos

No circuito abaixo os medidores de corrente e tensão elétrica são reais, ou seja, possuem resistência interna. Sabendo-se que o voltímetro acusa 3,0 V e o amperímetro, 0,8 A, calcule o valor da resistência interna do voltímetro.



Resolução

Esquemmatizando o circuito, temos:



Do enunciado: $U_{AB} = 3,0V$

Assim: $U_2 = R_2 i_2$

ente e vamos considerar $V_a \cong 0$.

$$p + \mu gh = p_{atm} + \frac{\mu V^2}{2}$$

$$V^2 = \frac{2(p - p_{atm})}{\mu} + 2gh \quad (1)$$

2) Teorema do impulso:

$$I = F \Delta t = (\Delta m)V$$

$$\Delta m = \mu A_2 \Delta x$$

$$\frac{\Delta m}{\Delta t} = \mu A_2 \frac{\Delta x}{\Delta t}, \text{ em que } \frac{\Delta x}{\Delta t} = V$$

$$\frac{\Delta m}{\Delta t} = \mu A_2 V$$

Da qual:

$$F = \frac{\Delta m}{\Delta t} \cdot V = \mu A_2 V \cdot V$$

$$F = \mu A_2 V^2$$

3) 2ª Lei de Newton:

$$F = (M_a + M)a$$

$$\mu A_2 V^2 = (M_a + M)a$$

$$a = \left(\frac{\mu A_2}{M_a + M} \right) V^2 \quad (2)$$

De (1) em (2), vem:

$$a = \left(\frac{\mu A_2}{M_a + M} \right) \left[\frac{2(p - p_{atm})}{\mu} + 2gh \right]$$

$$a = \frac{\mu A_2}{M_a + M} \frac{2(p - p_{atm} + \mu gh)}{\mu}$$

Resposta:

1.22 Questão 22 - Mecânica, Cinemática

No tráfego, um veículo deve se manter a uma distância segura do que vai logo à frente. Há países que adotam a “regra dos três segundos”, vale dizer: ao observar que o veículo da frente passa por uma dada referência ao lado da pista, que se encontra a uma distância d , o motorista deverá passar por essa mesma referência somente após pelo menos três segundos, mantida constante sua velocidade v_0 . Nessas condições,

1. supondo que o veículo da frente pare instantaneamente, estando o de trás a uma distância ainda segura de acordo com a “regra dos três segundos”, calcule o tempo T da frenagem deste para que ele possa percorrer essa distância d , mantida constante a aceleração.

2. para situações com diferentes valores da velocidade inicial v_0 , esboce um gráfico do módulo da aceleração do veículo de trás em função dessa velocidade, com o veículo parando completamente no intervalo de tempo T determinado no item anterior.

3. considerando que a aceleração a depende principalmente do coeficiente de atrito μ entre os pneus e o asfalto, explique como utilizar o gráfico para obter o valor máximo da velocidade v_M para o qual a “regra dos três segundos” permanece válida. Sendo $\mu = 0,6$ obtenha este valor.

Resolução

A distância d deve ser percorrida com velocidade de módulo V_0 em 3s. Portanto:

$$d = 3V_0 \quad (\text{SI})$$

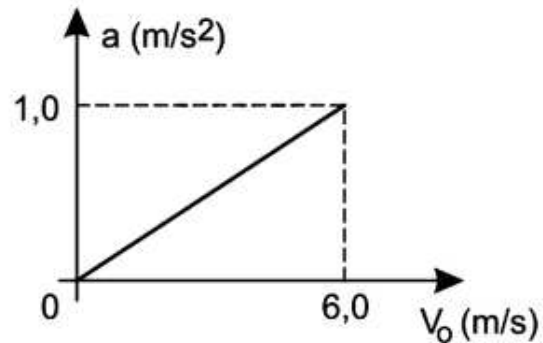
1) Usando a equação da velocidade escalar média:

$$\frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{V_0 + V_f}{2}$$

$$\frac{d}{T} = \frac{V_0 + 0}{2} \implies \frac{3V_0}{T} = \frac{V_0}{2}$$

$$2) V = V_0 + \gamma t$$

$$0 = V_0 - a \cdot 6,0 \implies a = \frac{V_0}{6,0} \text{ (SI)}$$



$$3) \text{ PFD: } F_{at} = ma$$

$$\mu mg = ma$$

$$\implies a = \mu g = 6,0 \text{ m/s}^2$$

Sendo $a = \frac{V_0}{6,0}$ vem:

$$6,0 = \frac{V_M}{6,0}$$

$$\implies V_M = 36,0 \text{ m/s}$$

Respostas:

$$1) T = 6,0 \text{ s}$$

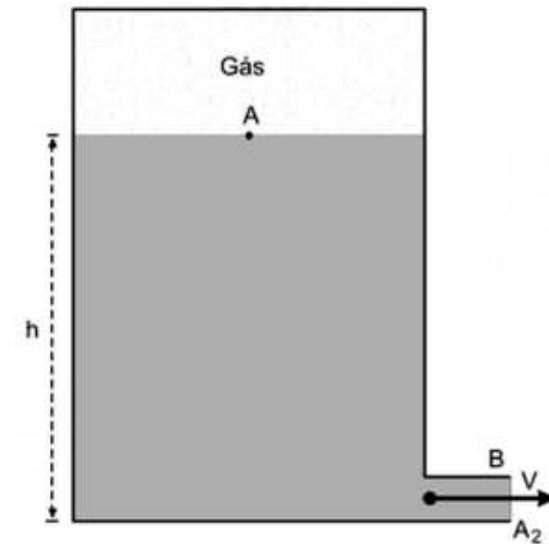
$$2) a = \frac{V_0}{6,0} \text{ (SI)}$$

$$3) V_M = 36,0 \text{ m/s}$$

1.23 Questão 23 - Mecânica, Hidrodinâmica

Um cilindro vertical de seção reta de área A_1 , fechado, contendo gás e água é posto sobre um carrinho que pode se movimentar horizontalmente sem atrito. A uma profundidade h do cilindro, há um pequeno orifício de área A_2 por onde escoa a água. Num certo instante a pressão do gás é p , a massa da água, M_a e a massa restante do sistema, M . Determine a aceleração do carrinho nesse instante mencionado em função dos parâmetros dados. Justifique as aproximações eventualmente realizadas.

Resolução



1) Aplicando-se a Equação de Bernoulli entre A e B, vem:

$$P_A + \frac{\mu V_a^2}{2} + \mu gh = p_{atm} + \frac{\mu V^2}{2}$$

Nota: admitimos que o orifício será feito próximo ao fundo do recipi-

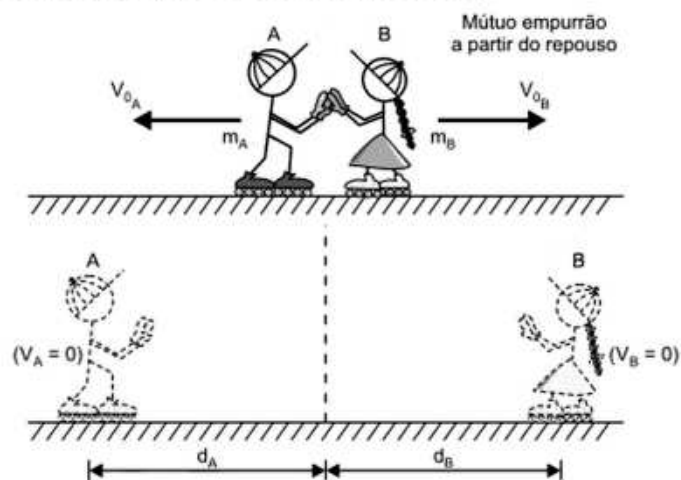
1.25 Questão 25 - Mecânica, Atrito

Dois garotos com patins de rodinhas idênticos encontram-se numa superfície horizontal com atrito e, graças a uma interação, conseguem obter a razão entre seus respectivos pesos valendo-se apenas de uma fita métrica. Como é resolvida essa questão e quais os conceitos físicos envolvidos?

Resolução

Representação do contexto proposto:

Representação do contexto proposto:



(I) Teorema da energia cinética:

$$\tau = \frac{mV^2}{2} - \frac{mV_0^2}{2} \implies -F_{at}d = -\frac{mV_0^2}{2}$$

$$\mu_C mgd = \frac{mV_0^2}{2}$$

$$a = \frac{2A_2(p - p_{atm} + \mu gh)}{M_a + M}$$

Observação:

O enunciado não citou a pressão atmosférica (p_{atm}), a densidade da água (μ) e o módulo g da aceleração da gravidade. Aproximações feitas:

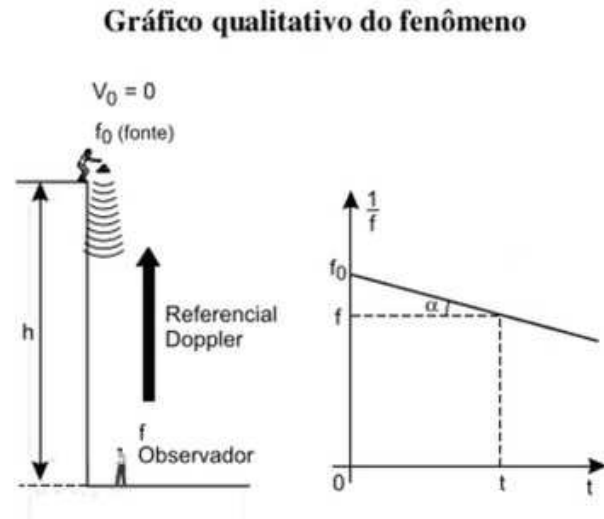
- 1) O nível da água mantém-se horizontal.
- 2) O orifício próximo ao fundo do recipiente.
- 3) Velocidade nula na superfície da água.

1.24 Questão 24 - Ondulatória, Acústica

Um dado instrumento, emitindo um único som de frequência f_0 , é solto no instante $t = 0$ de uma altura h em relação ao chão onde você, imóvel, mede a frequência f que a cada instante chega aos seus ouvidos. O gráfico resultante de $\frac{1}{f} \times t$ mostra uma reta de coeficiente angular $-3,00 \times 10^{-5}$. Desprezando a resistência do ar, determine o valor da frequência f_0 .

Resolução

Gráfico qualitativo do fenômeno



Equação do Efeito Doppler sonoro:

$$\frac{f}{V_{som} + V_{observador}} = \frac{f_0}{V_{som} - V_{fonte}}$$

$$\frac{f}{340 + 0} = \frac{f_0}{340 - 10t}$$

$$f = \frac{340f_0}{340 - 10t} \implies \frac{1}{f} = \frac{1}{f_0} - \frac{t}{34f_0}$$

Equação da reta: $y = b + ax$

O coeficiente angular (a) da reta ($\tan \alpha$ no gráfico da figura) corresponde a:

$$a = \frac{1}{34f_0} \implies f_0 = \frac{1}{34a}$$

Sendo $a = 3,00 \cdot 10^{-5}$ (unidades SI), vem:

$$f_0 = \frac{1}{34 \cdot 3,00 \cdot 10^{-5}} \text{ (Hz)}$$

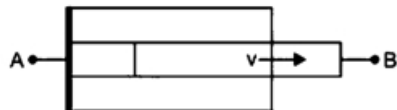
Da qual:

$$f_0 \cong 980,4 \text{ Hz}$$

Resposta: Aproximadamente 980,4 Hz

1.27 Questão 27 - Resistência Elétrica Variável

Considere superpostas três barras idênticas de grafite com resistividade $\rho = 1,0 \times 10^{-4} \Omega m$, 15 cm de comprimento e seção quadrada com 2,0 cm de lado. Inicialmente as três barras têm as suas extremidades em contato com a chapa ligada ao contato A . Em seguida, a barra do meio desliza sem atrito com velocidade constante $v = 1,0 \text{ cm/s}$, movimentando igualmente o contato B , conforme a figura. Obtenha a expressão da resistência R medida entre A e B como função do tempo e esboce o seu gráfico.



Resolução

Seja A a área da seção transversal:

$$A = (2,0 \text{ cm})^2 = (2,0 \cdot 10^{-2} \text{ m})^2 = 4,0 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

O comprimento L da barra é:

$$L = 15 \text{ cm} = 15 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

Então a resistência R de cada barra é dada pela 2ª Lei de Ohm:

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

$$R = 1,0 \cdot 10^{-4} \frac{15 \cdot 10^{-2}}{4,0 \cdot 10^{-4}} \text{ (unidades SI)}$$

$$R = 3,75 \cdot 10^{-2} \Omega$$

Para $t = 0$, as três barras superpostas são equivalentes a três resistores em paralelo (fig. 1)

$$\Rightarrow V_0 = \sqrt{2\mu_C g d} \quad (1)$$

(II) Conservação da quantidade de movimento no ato do mútuo empurrão:

$$\vec{Q}_f = \vec{Q}_i \Rightarrow \vec{Q}_A + \vec{Q}_B = \vec{0} \Rightarrow \vec{Q}_A = -\vec{Q}_B$$

$$\text{Em módulo: } Q_A = Q_B \Rightarrow m_A V_A = m_B V_B$$

$$m_A g V_A = m_B g V_B \Rightarrow P_A V_A = P_B V_B$$

$$\frac{P_A}{P_B} = \frac{V_B}{V_A} \quad (2)$$

(III) Substituindo-se (1) em (2):

$$\frac{P_A}{P_B} = \frac{\sqrt{2\mu_C g d_B}}{\sqrt{2\mu_C g d_A}}$$

Da qual:

$$\frac{P_A}{P_B} = \sqrt{\frac{d_B}{d_A}}$$

Utilizando-se a fita métrica, medem-se as distâncias percorridas pelos garotos até sua imobilização e, por meio da expressão acima, determina-se a relação entre seus pesos.

Resposta: Foram utilizados o teorema da energia cinética (ou princípio de conservação da energia mecânica) e o princípio de conservação da quantidade de movimento.

1.26 Questão 26 - Termologia, Conversão de Energia

Considere uma garrafa térmica fechada contendo uma certa quantidade de água inicialmente a 20°C . Elevando-se a garrafa a uma certa altura e baixando-a em seguida, suponha que toda a água sofra uma queda livre de 42 cm em seu interior. Este processo se repete 100 vezes por minuto. Supondo que toda a energia cinética se transforme em calor a cada movimento, determine o tempo necessário para ferver toda a água.

Resolução

Energia mecânica produzida por n quedas livres (100 vezes por minuto) de uma altura de 0,42m de uma massa m de água numa garrafa térmica	=	Calor para aquecer a massa m de água (4 200 J/kg°C) de 20°C a 100°C
---	---	--

$$nE_{pot} = Q$$

$$nmgh = mc\Delta\theta$$

$$n = \frac{c\Delta\theta}{gh}$$

$$n = \frac{4200 \cdot (100 - 20)}{10 \cdot 0,42}$$

$$n = \frac{4200 \cdot 80}{4,2}$$

$n = 80000 \text{ quedas}$

Para calcular o tempo Δt para a fervura da água, vem:

$$100 \text{ quedas} \text{ --- } 1,0 \text{ minuto}$$

$$80000 \text{ quedas} \text{ --- } \Delta t$$

$$100 \Delta t = 800$$

$\Delta t = 800 \text{ minutos}$

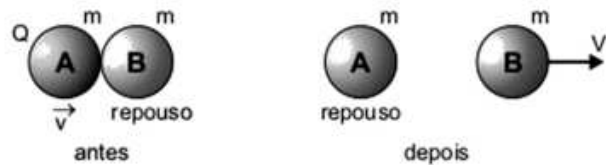
Resposta: 800 minutos

1.28 Questão 28 - Mecânica, Choques Elásticos e Eletrostática

Na ausência da gravidade e no vácuo, encontram-se três esferas condutoras alinhadas, A , B e C , de mesmo raio e de massas respectivamente iguais a m , m e $2m$. Inicialmente B e C encontram-se descarregadas e em repouso, e a esfera A , com carga elétrica Q , é lançada contra a intermediária B com uma certa velocidade v . Supondo que todos movimentos ocorram ao longo de uma mesma reta, que as massas sejam grandes o suficiente para se desprezar as forças coulombianas e ainda que todas as colisões sejam elásticas, determine a carga elétrica de cada esfera após todas as colisões possíveis.

Resolução

Colisão entre A e B : há troca de velocidade (colisão frontal e perfeitamente elástica entre corpos de mesma massa).



A carga Q de A se divide em $Q/2$ para A e $Q/2$ para B (eletrização por contato entre esferas iguais).

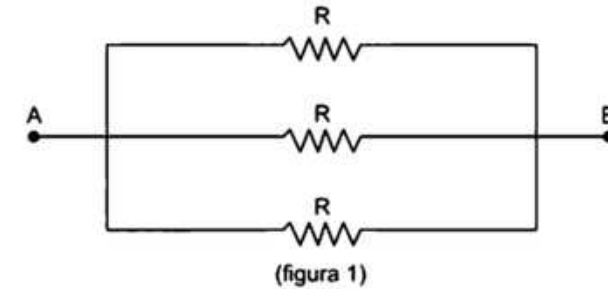
Colisão entre B e C : A carga $Q/2$ de B se divide em $Q/4$ para B e $Q/4$ para C . Cálculo das velocidades de B e C após a colisão:

$$e = \frac{\text{vel. rel. depois}}{\text{vel. rel. antes}}$$

$$1 = \frac{v_2 - v_1}{v} \implies v_2 - v_1 = v \quad (1)$$

$$Q_{\text{antes}} = Q_{\text{depois}}$$

$$mv = mv_1 + 2mv_2$$



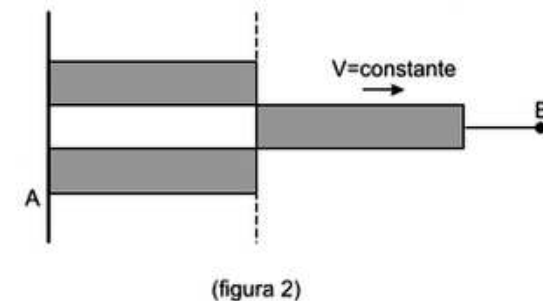
$$R_0 = \frac{R}{3}$$

$$R_0 = \frac{3,75 \cdot 10^{-2}}{3} \Omega$$

$$R_0 = 1,25 \cdot 10^{-2} \Omega$$

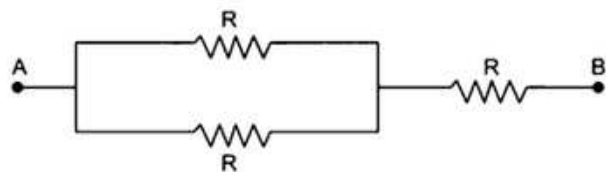
A barra do meio desliza com velocidade constante $V = 1,0 \text{ cm/s}$ e percorre os 15 cm de comprimento num intervalo de tempo de 15 s .

Assim, para $t = 15 \text{ s}$ teremos a situação da figura (2):



Essa situação é equivalente a:

$$R_f = \frac{R}{2} + R = \frac{3R}{2}$$

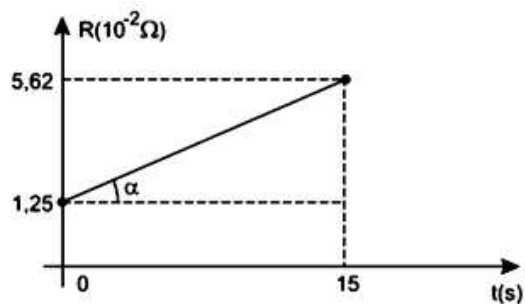


(figura 3)

$$R_f = \frac{3 \times 3,75 \cdot 10^{-2}}{2} (\Omega)$$

$$\Rightarrow R_f \cong 5,62 \cdot 10^{-2} \Omega$$

Como a barra do meio foi deslizada com velocidade escalar constante, podemos concluir que a variação da resistência equivalente obedece a uma função de 1º grau em t. Assim, temos o gráfico da figura 4.



(figura 4)

Do gráfico, obtemos o coeficiente angular da reta:

$$m = \tan \alpha = \frac{(5,62 - 1,25) \cdot 10^{-2} \Omega}{15s}$$

$$m \cong 0,29 \cdot 10^{-2} \Omega/s$$

A equação dessa reta é a função procurada:

$$R = R_0 + m \cdot t$$

$$R = 1,25 \cdot 10^{-2} + 0,29 \cdot 10^{-2} t \text{ (unidades SI)}$$

com A e B constantes, e $A = \omega^2$.

A equação $a = Ax + B$ é característica do MHS.

Portanto:

$$\omega^2 = \frac{2k \operatorname{sen}^2 \alpha}{m}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2k \operatorname{sen}^2 \alpha}{m}}$$

$$\omega = \operatorname{sen} \alpha \sqrt{\frac{2k}{m}}$$

Na posição de equilíbrio, fazendo $a = 0$ na equação (1), vem:

$$k \Delta l \operatorname{sen} \alpha = -mg \cos \alpha$$

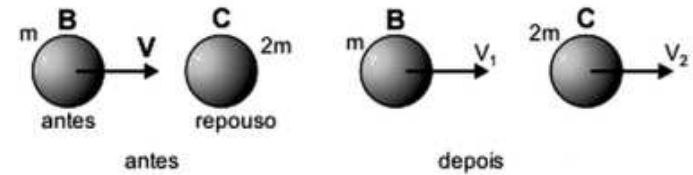
$$\boxed{|\Delta l| = \frac{mg \cot \alpha}{k}}$$

Respostas:

$$\omega = \operatorname{sen} \alpha \cdot \sqrt{\frac{2k}{m}}$$

$$|\Delta l| = \frac{mg \cot \alpha}{k}$$

Obs.: Consideramos o comprimento natural da mola igual a ℓ_0 .



$$v = v_1 + 2v_2 \quad (2)$$

De (1) e (2):

$$v_2 = \frac{2v}{3}$$

$$v_1 = -\frac{v}{3}$$

A esfera B volta após o choque com a esfera C e colide novamente com A . Entre A e B , ocorre eletrização por contato e suas cargas elétricas passam a ser:

$$\frac{Q}{2} + \frac{Q}{4} = \frac{3Q}{8}$$

Assim, A e B ficam com cargas iguais a $\frac{3Q}{8}$ e C fica com carga $\frac{Q}{4}$.

Pelo princípio de conservação das cargas elétricas, temos:

$$\frac{3Q}{8} + \frac{3Q}{8} + \frac{Q}{4} = Q$$

Resposta:

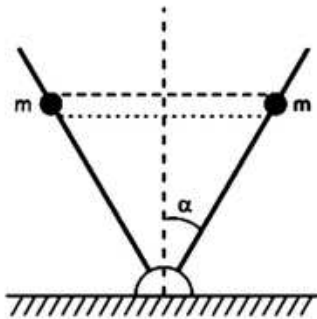
a) $\frac{3Q}{8}$

b) $\frac{3Q}{8}$

c) $\frac{Q}{4}$

1.29 Questão 29 - Mecânica, Movimento Harmônico Simples

Um sistema mecânico é formado por duas partículas de massas m conectadas por uma mola, de constante elástica k e comprimento natural $2\ell_0$, e duas barras formando um ângulo fixo de 2α , conforme a figura. As partículas podem se mover em movimento oscilatório, sem atrito, ao longo das barras, com a mola subindo e descendo sempre na horizontal. Determine a frequência angular da oscilação e a variação $\Delta\ell = \ell_0 - \ell_1$, em que ℓ_1 é o comprimento da mola em sua posição de equilíbrio.



Resolução

Cada partícula realiza um MHS na direção da barra.

Aplicando o princípio fundamental da Dinâmica, temos:

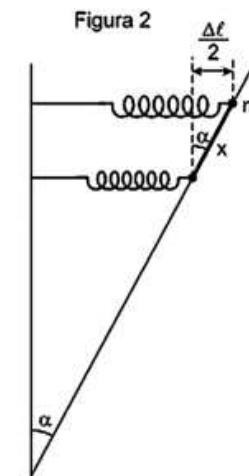
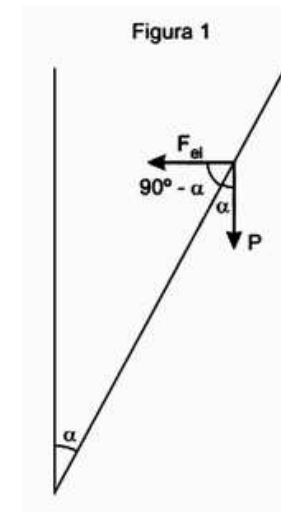
$$F_{el} \cdot \text{sen}\alpha + mg \cos\alpha = m \cdot a$$

$$k \cdot \Delta\ell \cdot \text{sen}\alpha + mg \cos\alpha = ma \quad (1)$$

De acordo com a fig. 2, vem:

$$\text{sen}\alpha = \frac{\Delta\ell}{2x} \implies \Delta\ell = 2x \text{sen}\alpha$$

$$\text{Logo: } k \cdot 2x \text{sen}\alpha \cdot \text{sen}\alpha + mg \cos\alpha = ma$$

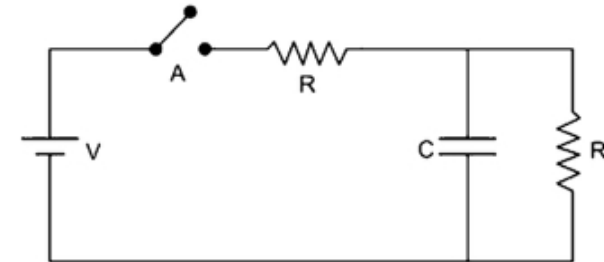


$$a = \frac{2k \cdot \text{sen}^2\alpha}{m} \cdot x + g \cos\alpha$$

$$a = A \cdot x + B,$$

1.30 Questão 30 - Teoria dos Circuitos

No circuito da figura o capacitor encontra-se descarregado com a chave A aberta que, a seguir, é fechada no instante t_1 , sendo que o capacitor estará totalmente carregado no instante t_2 . Desprezando a resistência da bateria V , determine a corrente no circuito nos instantes t_1 e t_2 .



Resolução

No instante t_1 , quando a chave é fechada, o capacitor entra em processo de carga. Nesse instante, atuará como um curto-circuito para o resistor que está associado em paralelo com ele, assim:

Instante t_1 :

$$i_1 = \frac{V}{R}$$

No instante t_2 , com o capacitor plenamente carregado, ele atua como circuito aberto, ou seja, não é percorrido por corrente elétrica, assim:

Instante t_2 :

$$i_2 = \frac{V}{R_{eq}}$$

$$i_2 = \frac{V}{2R}$$

Respostas: $i_1 = \frac{V}{R}$; $i_2 = \frac{V}{2R}$

